

Función compuesta:  $f \circ g(x) = f(g(x))$

Recta tangente a  $y = f(x)$  en el punto de abscisa  $x = x_0$ :  $y - f(x_0) = f'(x_0)(x - x_0)$

Recta normal a  $y = f(x)$  en el punto de abscisa  $x = x_0$ :  $y - f(x_0) = \frac{-1}{f'(x_0)}(x - x_0)$

Valor absoluto:  $|A| = \begin{cases} A & \text{si } A \geq 0 \\ -A & \text{si } A < 0 \end{cases}$

**INTEGRACIÓN**

|   |   |
|---|---|
| $\int k \cdot f(x) dx = k \cdot \int f(x) dx$             | Integración por partes:                         |
| $\int (f(x) \pm g(x)) dx = \int f(x) dx \pm \int g(x) dx$ | $\int u \cdot dv = u \cdot v - \int v \cdot du$ |

|  |   |  |
|--|---|--|
| $\int dx = x + k$                                      | $\int x^n dx = \frac{x^{n+1}}{n+1} + k$                   | $\int \frac{1}{x} dx = \ln x + k$                      |
| $\int e^x dx = e^x + k$                                | $\int \text{sen } x dx = -\text{cos } x + k$              | $\int \text{cos } x dx = \text{sen } x + k$            |
| $\int \frac{1}{\text{cos}^2 x} dx = \text{tag } x + k$ | $\int \frac{-1}{\text{sen}^2 x} dx = \text{cotag } x + k$ | $\int \frac{f'(x)}{f(x)} dx = \ln f(x)  + k$           |
| $\int \frac{1}{1+x^2} dx = \text{arctag } x + k$       | $\int \frac{dx}{\sqrt{1-x^2}} = \text{arcsen } x + k$     | $\int \frac{-dx}{\sqrt{1-x^2}} = \text{arccos } x + k$ |

Funciones racionales:  $\int \frac{P(x)}{Q(x)} dx$  con  $\text{grad } P(x) < \text{grad } Q(x)$ . Hacemos  $Q(x) = 0$ ; si las

raíces son: a) Reales y simples (a, b, ...):  $\frac{P(x)}{Q(x)} = \frac{A}{x-a} + \frac{B}{x-b} + \dots$

b) Reales múltiples (a, a, b, ...):  $\frac{P(x)}{Q(x)} = \frac{A}{x-a} + \frac{B}{(x-a)^2} + \frac{C}{x-b} \dots$

c) Complejas simples conjugadas, se dejan en un binomio:  $\frac{P(x)}{Q(x)} = \frac{Mx+N}{ax^2+bx+c} + \dots$

**Cambios interesantes:**

|   |   |  |
|---|---|--|
| $\text{cos}^2 \alpha = \frac{1 + \text{cos } 2\alpha}{2}$ | $\text{tag } \frac{x}{2} = t \quad dx = \frac{2}{1+t^2} dt$ |  |
| $\text{sen}^2 \alpha = \frac{1 - \text{cos } 2\alpha}{2}$ |   | $\text{cos } x = \frac{1-t^2}{1+t^2} \quad \text{sen } x = \frac{2t}{1+t^2}$ |

**INTEGRAL DEFINIDA**

Área definida entre  $y = f(x)$  (positiva), el eje OX y las rectas  $x = a$  y  $x = b$ :

$$\int_a^b f(x) dx$$

|  |   |
|--|---|
| $\int_a^b f(x) dx = \int_a^c f(x) dx + \int_c^b f(x) dx$ | $\int_a^b [f(x) + g(x)] dx = \int_a^b f(x) dx + \int_a^b g(x) dx$ |
| $\int_a^b f(x) dx = -\int_b^a f(x) dx$                   | $\int_a^b k \cdot f(x) dx = k \int_a^b f(x) dx$                   |

**VOLÚMENES**

De revolución respecto al eje OX:  $V = \pi \int_a^b [f(x)]^2 dx$

De revolución respecto al eje OY:  $V = 2\pi \int_a^b x \cdot f(x) dx$